Prefeitura Municipal de Grão-Pará estado de santa catarina

SECRETARIA MUNICIPAL DE EDUCAÇÃO E CULTURA

COMPONENTE CURRICULAR: MATEMÁTICA

CARGA HORÁRIA SEMANAL DA ATIVIDADE: 04 AULAS

TURMA: ENSINO MÉDIO - BLOCO A

PLANEJAMENTO SEMANAL: 22 A 26 DE JUNHO DE 2020 ATIVIDADES DE APRENDIZAGEM

FUNÇÃO QUADRÁTICA

A função quadrática, também chamada de função polinomial de 2º grau, é uma função representada pela seguinte expressão:

$$f(x) = ax^2 + bx + c$$

Onde a, b e c são números reais e $a \neq 0$.

Exemplo:

$$f(x) = 2x^2 + 3x + 5,$$

sendo.

$$a = 2$$
 $b = 3$ $c = 5$

Nesse caso, o polinômio da função quadrática é de grau 2, pois é o maior expoente da variável.

Função quadrática completa e incompleta

A **função incompleta**, é quando o coeficiente a ou b é igual a zero. Confira dois exemplos:



Prefeitura Municipal de Grão-Pará

ESTADO DE SANTA CATARINA

SECRETARIA MUNICIPAL DE EDUCAÇÃO E CULTURA

$$f(x) = 2x^2 + 5$$
, onde $a = 2$, $b = 0$ e $c = 5$

$$f(x) = 3x^2$$
, onde $a = 3$, $b = 0$ e $c = 0$

Existe também a **função completa**, a qual todos os coeficientes (a, b e c) são diferentes de zero. Confira alguns exemplos

$$f(x) = 5x^2 + 2y + 1$$
, onde $a = 5$, $b = 2$ e $c = 1$

$$f(x) = x^2 + 4y + 11$$
, onde $a = 1$, $b = 4$ e $c = 11$

Zeros da função quadrática

Determinar as raízes ou zero de uma função do 2° grau consiste em determinar os pontos de intersecção da parábola com o eixo das abscissas no plano cartesiano. Dada a função $f(x) = ax^2 + bx + c$, podemos determinar sua raiz considerando f(x) = 0, dessa forma obtemos a equação do 2° grau $ax^2 + bx + c = 0$, que pode ser resolvida pelo método resolutivo de Bháskara.

O propósito de resolver uma equação do 2° grau é calcular os possíveis valores de x, que satisfazem a equação. Os possíveis resultados da equação consistem na solução ou raiz da função. O número de raízes de uma equação do 2° grau depende do valor do discriminante (\triangle), observe as condições a seguir:

A quantidade de raízes reais de uma função quadrática depende do valor obtido para o radicando $\Delta = b^2 - 4 \cdot a \cdot c$ chamado discriminante, a saber:

- quando △ é positivo, há duas raízes reais e distintas;
- quando △ é zero, há só uma raiz real (para ser mais preciso, há duas raízes iguais);
- quando △ é negativo, não há raiz real.



Prefeitura Municipal de Grão-Pará ESTADO DE SANTA CATARINA

SECRETARIA MUNICIPAL DE EDUCAÇÃO E CULTURA

Exemplo de uma função completa:

a)
$$f(x) = x^2 - 4x + 3$$

 $x^2 - 4x + 3 = 0$

$$a = 1$$

$$a = 1$$
 $b = -4$ $c = 3$

$$c = 3$$

$$\triangle = b^2 - 4$$
, a.c

$$\mathbf{x} = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a}$$

$$\triangle = (-4)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 3$$

$$X = \frac{-(-4) \pm \sqrt{4}}{2.1}$$

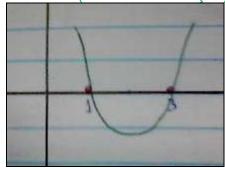
$$\triangle = 16 - 12$$

$$X = \frac{+4 \pm 2}{2}$$

$$x' = \frac{+4+2}{2} = \frac{6}{2} = 3$$
 $x' = 3$

$$x'' = \frac{+4-2}{2} = \frac{2}{2} = 1$$
 $x'' = 1$

As raízes (ou zeros da função) são: S:{1,3}



Exemplos com funções incompletas:

b)
$$f(x) = x^2 - 9$$

c)
$$f(x) = x^2 - 5x$$



Prefeitura Municipal de Grão-Pará

ESTADO DE SANTA CATARINA

SECRETARIA MUNICIPAL DE EDUCAÇÃO E CULTURA

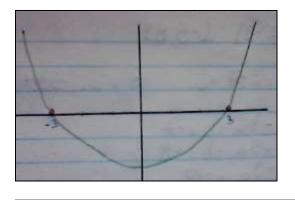
$$x^{2} - 9 = 0$$

 $x^{2} = +9$
 $x = \pm \sqrt{9}$
 $x = \pm 3$
 $x' = +3$ e $x'' = -3$

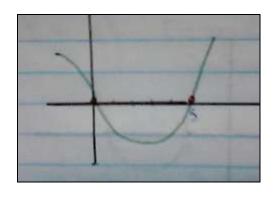
$$x^2 - 5x = 0$$

 $x(x - 5) = 0$ (termo em evidência)
 $x = 0$ $x - 5 = 0$
 $x = +5$

As raízes (ou zeros da função) são : S:{-3,+3}



As raízes (ou zeros da função) são : S:{0,5}



VÍDEOS SUGERIDOS:

Resolução das raízes da função

 $\underline{https://www.youtube.com/watch?v=VH1KlOx9aAk\&list=PL-LPJn0YTIEHqEXsUZM7-3V8iJMdoTzla\&index=3}$

Cálculo do zero da função, com um esboço do gráfico https://www.youtube.com/watch?v=ky2YliyWMGM

Exemplos com funções completas e incompletas https://www.youtube.com/watch?v=CNqeTO2tCuI

ATIVIDADES



Prefeitura Municipal de Grão-Pará

ESTADO DE SANTA CATARINA

SECRETARIA MUNICIPAL DE EDUCAÇÃO E CULTURA

1 - Encontre os zeros de cada função abaixo e faça o esboço do gráfico com as raízes:

a)
$$f(x) = 9x^2 - 8x - 1$$

b)
$$f(x) = x^2 - 25$$

c)
$$f(x) = x^2 + 7x$$

d)
$$f(x) = 3x^2 - 12$$

e)
$$f(x) = x^2 - 20x + 36$$

f)
$$f(x) = x^2 + 4x + 4$$

g)
$$f(x) = x^2 - 2x - 3$$

h)
$$f(x) = 2x^2 - 3x$$

